



基本問題を確認しよう

数B

ベクトルの内積

ベクトルの内積 なす角を θ とするとき、 $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta$

また、 $\vec{a} = (a_1, a_2)$ 、 $\vec{b} = (b_1, b_2)$ のとき、 $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$

内積の性質

① $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$ 、 ② $\vec{a} \cdot \vec{a} = |\vec{a}|^2$

③ $\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c}) = \vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{a} \cdot \vec{c}$ 、 $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c} = \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c}$

④ $(k\vec{a}) \cdot \vec{b} = k(\vec{a} \cdot \vec{b}) = \vec{a} \cdot (k\vec{b})$ ただし k は実数

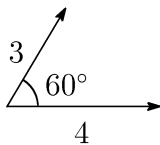
ベクトルの垂直と内積 $\vec{a} \perp \vec{b} \iff \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$

ベクトルのなす角 $\vec{a} = (a_1, a_2)$ 、 $\vec{b} = (b_1, b_2)$ 、なす角を θ とするとき、

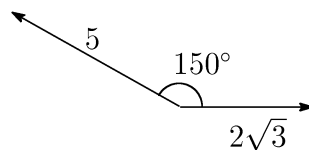
$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} = \frac{a_1 b_1 + a_2 b_2}{\sqrt{a_1^2 + a_2^2} \sqrt{b_1^2 + b_2^2}}$$

① 下のそれぞれの図について、ベクトルの内積を求めなさい。

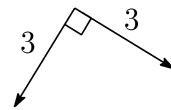
(1)



(2)



(3)



② $\vec{a} = (2, 5)$ 、 $\vec{b} = (3, -2)$ のとき、内積 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ を求めなさい。

③ $\vec{a} = (3, 5)$ 、 $\vec{b} = (-3, x)$ が垂直となるように、 x の値を定めなさい。

④ $\vec{a} = (4, 2)$ 、 $\vec{b} = (3, -1)$ のなす角を求めなさい。