

※ □に入る数を予想してみよう。

① 2, 9, 16, 23, □, 37, …

② 3, 6, 12, 24, □, 96, …

③ 5, 15, 28, 47, 78, □, …

④ 2, 5, 10, 17, 26, □, …

数とその項

数を1列に並べたものを _____ といい、数列の各数を _____ という。

項の数が有限(終わりのある)数列を _____ , 項が無限に続く(終わりが無い)数列を _____ という。

数列を一般的に表すには、項の番号を添えて、

$$a_1, a_2, a_3, \dots, a_n, \dots$$

のように書く。

このとき、 a_1 を _____ または第1項、 a_2 を第2項、 \dots 、 a_n を _____ という。また、有

限数列では、最後の項を _____ といい、項の総数を**項数**という。

数列の第 n 項を、 n の式で表した式を**一般項**という。

例題 1 一般項 a_n が次の式で表される数列の、初項から第5項までを書け。 (吉教科書 p.59 問2)

(1) $a_n = 3n + 1$

(2) $a_n = 3 \cdot 2^n$

(3) $a_n = n^2$

例題 2 次の数列の一般項 a_n を n の式で表せ。(つまり、 n 番目の数は何ですか?と聞いている。) (吉教科書 p.59 問3)

(1) 3, 4, 5, 6, 7, ……

(2) 10, 100, 1000, 10000, ……

(3) 9, 99, 999, 9999, ……

等差数列

数列 5, 8, 11, 14, 17, … は、初項 5 に 3 を次々に加えてできる数列である。

初項に次々とある数 d を加えてできる数列を _____ といい、増え幅 d を _____ という。

例題 3 初項 2, 公差 -3 の等差数列の、初項から第5項までを求めよ。 (吉教科書 p.60 問4)

等差数列の一般項を求めることを考えよう。初項が a 、公差が d だとすると、この等差数列は a に次々と d を加えていったものであるから、

$$\begin{aligned}
 a_1 &= a \\
 a_2 &= a_1 + d &= \underline{\hspace{2cm}} \\
 a_3 &= a_2 + d &= \underline{\hspace{2cm}} \\
 &\dots\dots\dots \\
 a_n &= a_{n-1} + d &= \underline{\hspace{2cm}}
 \end{aligned}$$

となり、次のことが言える。

● 等差数列の一般項 ●

初項 a 、公差 d の等差数列の一般項 a_n は

$$a_n = a + (n - 1)d$$

例題 4 次の等差数列の一般項 a_n と、第 100 項を求めよ。

(吉教科書 p.60 問 5)

(1) 初項 -5 、公差 4

(2) 初項 14 、公差 -5

例題 5 第 4 項が 8 、第 16 項が 44 の等差数列の第 10 項と第 20 項を求めよ。

(吉教科書 p.61 問 6)

例題 6 一般項 a_n が次の式で表される数列は、どのような数列か。

(吉教科書 p.61 問 7)

(1) $a_n = 3n - 5$

(2) $a_n = -4n + 15$