

※ 第  $n$  項は … ?

(1)      (2)      (3)      (4)      (5)      (n)  
 3 , 6 , 12 , 24 , 48 , …… ,

## 等比数列

数列 3, 6, 12, 24, 48, … は, 初項 3 に 2 を次々に掛けてできる数列である。

初項に次々とある数  $r$  を掛けてできる数列を \_\_\_\_\_ といい, 倍率  $r$  を \_\_\_\_\_ という。

**問題 1** 初項 3, 公比  $-2$  の等差数列の初項から第 5 項までを求めよ。

(吉教科書 p.64 問 11)

等比数列の一般項を求めることを考えよう。初項が  $a$ , 公比が  $r$  だとすると, この等比数列は  $a$  に次々と  $r$  を掛けていったものであるから,

$$\begin{aligned} a_1 &= a \\ a_2 &= ra_1 = \underline{\hspace{2cm}} \\ a_3 &= ra_2 = \underline{\hspace{2cm}} \\ &\dots\dots\dots \\ a_n &= ra_{n-1} = \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

となり, 次のことが言える。

### ● 等比数列の一般項 ●

初項  $a$ , 公比  $r$  の等差数列の一般項  $a_n$  は

$$a_n = ar^{n-1}$$

**問題 2** 次の等比数列の一般項  $a_n$  と第 5 項を求めよ。

(吉教科書 p.65 問 13)

(1) 初項 5, 公比  $-2$

(2) 初項 200, 公比  $\frac{1}{2}$

**問題3** 第3項が192, 第5項が12である等比数列  $\{a_n\}$  の初項と公比を求めよ。また, 第8項を求めよ。

(吉教科書 p.65 問 14)

(1) 初項 5, 公比  $-2$ (2) 初項 200, 公比  $\frac{1}{2}$ **等差中項, 等比中項**3つの数  $a, b, c$  が

- 等差数列の連続する3項ならば,  $2b = a + c$
- 等比数列の連続する3項ならば,  $b^2 = ac$

が成り立つ。(吉教科書 p.61 練習 2, p.65 練習 3)

=====

[MEMO]