

累乗の計算

$$a^n = \underbrace{a \times a \times \cdots \times a}_{n \text{ 個}}$$

と表すとき、 n を a の _____ という。 $a^1 = \underline{\hspace{2cm}}$ である。 a, a^2, a^3, a^4, \dots を総称して、 a の _____ という。

以下の性質は、すでに学習した (数学 A)。

● 指数法則 (m, n が正の整数のとき) ●

m, n が正の整数のとき

1 $a^m a^n = a^{m+n}$

2 $(a^m)^n = a^{mn}$

3 $(ab)^n = a^n b^n$

0 や負の整数の指数

累乗の指数 n は、かける個数を表すから、当然 1, 2, 3, ... の自然数であるが、これを拡張して、0 や負の整数の場合を考えよう。

$$a^0 a^n = a^{\square} a^n = a^{\square} \dots \dots \dots \text{よって } a^0 = \square$$

$$a^{-n} a^n = a^{\square} a^n = a^{\square} = \square \dots \dots \dots \text{よって } a^{-n} = \square$$

そこで、次のように定める。

● 0 や負の整数の指数 ●

$a \neq 0$ で、 n が正の整数のとき

$$a^0 = 1, \quad a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

例題 1 次の値を求めよ。

(吉教科書 p.83 問 1)

(1) 2^{-2}

(2) 10^0

(3) 5^{-1}

(4) 10^{-2}

上に述べた指数法則は、 m, n が 0 や負のときも成り立つ。

● 指数法則 (m, n が整数のとき) ●

m, n が整数のとき

1 $a^m a^n = a^{m+n}$

2 $(a^m)^n = a^{mn}$

3 $(ab)^n = a^n b^n$

4 $a^m \div a^n = a^{m-n}$

5 $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

例題2 次の計算をせよ。

(1) $2x^2 \times 5x^{-3}$

(2) $(a^2b)^3 \div (-ab^3)^2$

(3) $2 \times 2^{-2} \div 2^{-3}$

(4) $(a^5b^{-2})^{-3} \div (a^{-2}b)^5$

(5) $10^{10} \div (2^7 \times 5^5)$

指数を使った数の表し方

大きい数や0に近い微小な数は、指数を使って表現すると扱いやすい。

$3141500 = 3.1415 \times 10^6$

$0.001357 = 1.357 \times 10^{-3}$

例題3 次の数を $a \times 10^n$ の形に表せ。

(1) 31600000

(2) 0.5402

(3) $1 - 0.99999$

例題4 電子の質量は約 9.1×10^{-28} g, 炭素原子の質量は約 2.0×10^{-23} g である。炭素原子の質量は、電子の質量の約何倍か。=====
[MEMO]