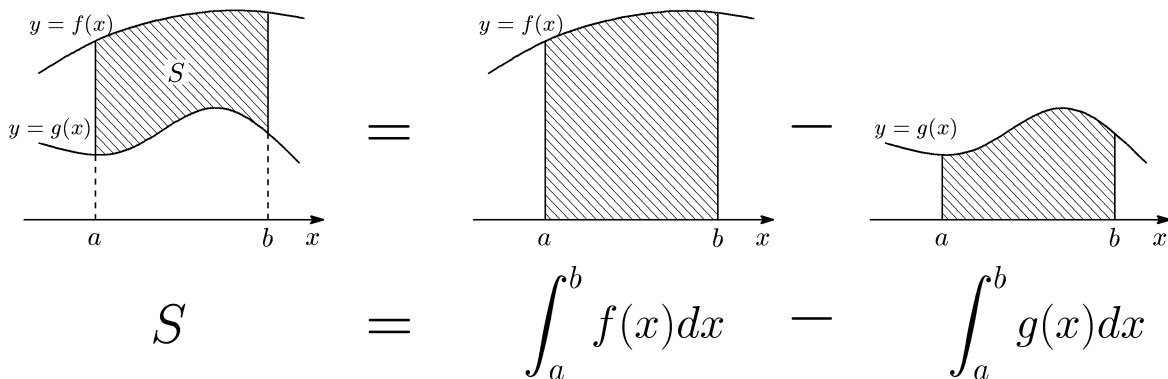


2 曲線間の距離

2つの曲線  $y = f(x)$  と  $y = g(x)$  があり,  $a \leq x \leq b$  の範囲で  $f(x) \geq g(x)$  であるとする。このとき, これら2つの曲線と, 2直線  $x = a, x = b$  で囲まれた部分の面積を  $S$  とすると ……



右辺の積分区間は同じであるから, まとめることができ, 以下のようになる。

● 2 曲線間の面積 ●

$$a \leq x \leq b \text{ の範囲で } f(x) \geq g(x) \text{ のとき, } S = \int_a^b \{f(x) - g(x)\}dx$$

**問題1** 放物線  $y = x^2 + 3x$  と直線  $y = x + 3$  とで囲まれた部分の面積を求めよ。(吉教科書 p.156 問5)

**問題2** 次の2つの放物線で囲まれた部分の面積を求めよ。(吉教科書 p.156 問6)

$$y = x^2 - 1, \quad y = -x^2 + x$$

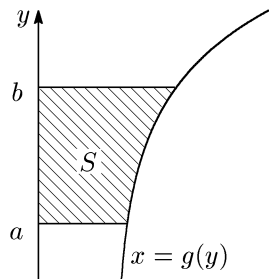
**問題3** 直線  $y = ax$  が、放物線  $y = x - x^2$  と  $x$  軸とで囲まれた部分の面積を2等分するように、定数  $a$  の値を求めよ。  
 (吉教科書 p.157 練習2)

**曲線  $x = g(y)$  と面積**

$x$  と  $y$  が入れ替わった式についても、定積分で面積を求めたりすることができる。単純に  $x$  と  $y$  をすべて入れ替えて考えればよい。

●  $y$  軸に沿った定積分 ●

$$a \leq y \leq b \text{ の範囲で } g(y) \geq 0 \text{ のとき, } S = \int_a^b g(y) dy$$



**問題4** 曲線  $x = y^2 + 1$  と  $y$  軸および2直線  $y = 1$ ,  $y = 3$  とで囲まれた部分の面積を求めよ。(吉教科書 p.158 問7)