

●和・差・実数倍の微分●

関数 $f(x)$, $g(x)$ が微分可能なとき

① $(kf(x))' = kf'(x)$

② $(f(x) \pm g(x))' = f'(x) \pm g'(x)$

問題1 $y = (2x - 1)(x^2 + x + 3)$ を, 展開してから微分せよ。

(→教科書 p.71 問5)

●積の微分 **重要** ●関数 $f(x)$, $g(x)$ が微分可能なとき

③ $(f(x)g(x))' = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$

[証明]

問題2 次の関数を微分せよ。

(→教科書 p.72 問6)

(1) $y = (x^2 - x + 1)(x^2 + x + 1)$

(2) $y = (x^2 + 1)(x^3 + x)$

● 商の微分 **重要** ●関数 $f(x)$, $g(x)$ が微分可能なとき

$$\boxed{4} \quad \left(\frac{f(x)}{g(x)} \right)' = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{\{g(x)\}^2}$$

[証明]

問題3 次の関数を微分せよ。

(1) $y = \frac{1}{x-1}$

(2) $y = \frac{x+2}{2x+1}$

(3) $\frac{2x-1}{x^2+1}$

(→教科書 p.73 問7)

● x^n の微分 **重要** ● n が整数のとき

$$\boxed{5} \quad (x^n)' = nx^{n-1}$$

問題4 次の関数を微分せよ。

(1) $y = \frac{1}{x^4}$

(2) $y = \frac{1}{6x^6}$

(3) $x + \frac{1}{x}$

(→教科書 p.73 問7)