

ベクトルの実数倍

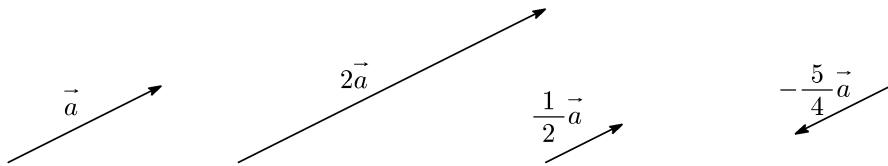
● ベクトルの実数倍 ●

$\vec{0}$ でないベクトル \vec{a} について、実数 k との積 $k\vec{a}$ は

$k > 0$ のとき \vec{a} と向きが同じで、大きさが $|\vec{a}|$ の k 倍のベクトル

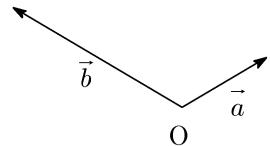
$k < 0$ のとき \vec{a} と向きが反対で、大きさが $|\vec{a}|$ の $|k|$ 倍のベクトル

例 1



問題1 右の図の \vec{a} , \vec{b} に対して、点Oを始点として、次のベクトルを図示せよ。 (吉教科書 p.12 問5)

- (1) $-3\vec{a}$ (2) $\vec{a} + 3\vec{b}$ (3) $2\vec{a} - \vec{b}$ (4) $2\vec{b} - \vec{a}$



問題2 $|\vec{a}| = 2$ のとき、 \vec{a} と同じ向きの単位ベクトルを \vec{a} を用いて表せ。

(吉教科書 p.12 問6)

ベクトルの計算法則

ベクトルの和および実数倍について、次の計算法則が成り立つ。

● ベクトルの計算法則 ●

1

$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{b} + \vec{a}$$

2

$$(\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} = \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c})$$

3

$$k(\vec{a} + \vec{b}) = k\vec{a} + k\vec{b}$$

4

$$(k + l)\vec{a} = k\vec{a} + l\vec{a}$$

5

$$k(l\vec{a}) = (kl)\vec{a}$$

この計算規則により、ベクトルは、あたかも数であるかのように文字式的な計算ができるようになる。

例 2 $3(\vec{a} + 3\vec{b}) + 2(-\vec{a} + 2\vec{b}) = 3\vec{a} + 9\vec{b} - 2\vec{a} + 4\vec{b} = \vec{a} + 13\vec{b}$

問題 3 次の計算をせよ。

(吉教科書 p.14 問 8)

$$(1) (\vec{a} + 3\vec{b}) + 2(3\vec{a} - \vec{b})$$

$$(2) 2(\vec{a} - \vec{b} + 2\vec{c}) + 3(\vec{a} + \vec{b} - 3\vec{c})$$

[MEMO]