

# 1年数学予習シート ■ 漸化式 ■

3-20

※第  $n$  項と第  $n+1$  項との間に次のような関係があるとき、この数列はどのような数列になるだろうか。

①  $a_{n+1} = a_n + 3$  ————— (初項)2,  ,  ,  , ……

②  $a_{n+1} = 2a_n$  ————— (初項)1,  ,  ,  , ……

## 漸化式

(※教科書の例は難しいので、別の例で説明をする)

数列を式できちんと表す方法として、第  $n$  項、つまり一般項を答える方法を学習した。

例えば数列  $\{a_n\}$

$$4, 9, 14, 19, 24, 29, \dots$$

は、初項 4、公差 5 の等差数列であり、その振る舞いは次のように表される。

$$a_n = 5n - 1 \quad \dots \quad ①$$

[ $n$ 番目の数をズバリ答える方法]

この方法に対して、数列の性質をそのまま式に表す方法がある。

上の数列は「前の数に 5 を加えると次の数になり、初項は 4 である」という性質を持っている。これを式に表すと、

$$a_1 = 4, \text{かつ } \underline{\underline{a_{n+1} = a_n + 5}} \quad \dots \quad ②$$

[前後の数の間に成り立つ性質を表現する方法]

ということになる。

①、②の方法は、見た目こそ違っているが、全く同じ数列を表している。特に方法②の        のように、数列を、前の数と次の数との関係に注目して表現した式を \_\_\_\_\_ という。

**問題 1** 次のように定義される数列  $\{a_n\}$  の初項から第 5 項までを書き並べよ。 (吉教科書 p.79 問 13)

(1)  $a_1 = 2, a_{n+1} = 3a_n - 2 \quad (n=1, 2, 3, \dots)$

(2)  $a_1 = 1, a_{n+1} = 2a_n + n \quad (n=1, 2, 3, \dots)$

**問題 2** 次のように定義される数列の一般項  $a_n$  を求めよ。

(吉教科書 p.79 問 14)

(1)  $a_1 = 1, a_{n+1} = a_n - 2 \quad (2) a_1 = 5, a_{n+1} = 3a_n$

**問題3** 次のように定義される数列の一般項  $a_n$  を求めよ。

$$a_1 = 1, \quad a_{n+1} = a_n + 3n$$

**問題4** 初項が  $a_1 = 1$  で、漸化式

$$a_{n+1} = 2a_n + 3 \quad (n=1, 2, 3, \dots)$$

で定義される数列の一般項  $a_n$  を求めよ。

[考え方] : **重要** 変形して、 $a_{n+1} + ○ = 2(a_n + ○)$  という形を作る。

**問題5** 平面上に  $n$  本の直線があり、どの2本も平行でなく、どの3本も1点で交わらないとき、これら  $n$  本の直線によって平面はいくつの部分に分けられるか。その個数を  $n$  を使って表せ。