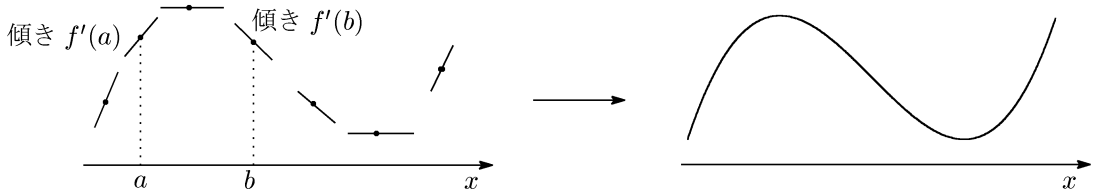


### $f'(x)$ の符号と関数の値の増減

$y = f(x)$  における、各点での微分係数を調べれば、増加減少の様子が分かり、グラフの概形が見えてくる。



微分係数  $f'(a)$  とは、 $y = f(x)$  のグラフの、 $x = a$  となる点における接線の傾きであった。

接線の傾きが正になるような範囲では、グラフは \_\_\_\_\_ し、  
 接線の傾きが負になるような範囲では、グラフは \_\_\_\_\_ するといえる。

すなわち、次のようにまとめられる。

### ● $f'(x)$ の符号と関数の値の増減 ●

関数  $y = f(x)$  の値の増減は、次のようになる。

$f'(x) > 0$  となる  $x$  の値の範囲で  $y$  の値は**増加**する。

$f'(x) < 0$  となる  $x$  の値の範囲で  $y$  の値は**減少**する。

※  $f'(x) = 0$  となる  $x$  においては、 $y$  は**増加も減少もしない**。

### 極大・極小

関数  $f(x)$  の値が、 $x = a$  を境目にして、増加から減少に変わるとき、 $f(x)$  は  $x = a$  で \_\_\_\_\_ になる、といい、そのときの値  $f(a)$  を \_\_\_\_\_ という。

関数  $f(x)$  の値が、 $x = a$  を境目にして、減少から増加に変わるとき、 $f(x)$  は  $x = a$  で \_\_\_\_\_ になる、といい、そのときの値  $f(a)$  を \_\_\_\_\_ という。

極大値と極小値をまとめて、**極値**という。

極値をとる地点は、グラフにおいて増加と減少が入れ替わる地点であるから、

$$x = a \text{ で極値をとる} \iff f'(a) = 0$$

といえる。

### ● $f'(x)$ の極大・極小 ●

関数  $y = f(x)$  について、 $f'(x) = 0$  となる  $x$  の値の前後における  $f'(x)$  の符号が、  
 正から負に変わるとき、 $f(x)$  は**極大**になり、  
 負から正に変わるとき、 $f(x)$  は**極小**になる。

**問題1** 次の関数について、極値を調べ、そのグラフをかけ。

(1)  $y = 2x^2 - 3x - 5$       (2)  $y = 12x - x^3$       (3)  $y = x^3 - x^2 - x + 1$       (4)  $y = x^3 - 2x^2 + 2x - 1$

**問題2** 関数  $f(x) = -x^3 + ax^2 + bx - 1$  が  $x = 1$  で極大値 1 をとるように、定数  $a$ ,  $b$  の値を求めよ。  
また、 $f(x)$  の極小値を求めよ。

**問題3** 関数  $y = x^3 - 3x$  の閉区間  $[0, 2]$  上での最大値、最小値を求めよ。

**問題4** 2辺が 16cm, 10cm の長方形の厚紙の 4 すみから合同な正方形を切り取り、折り曲げてふたのない箱を作る。箱の容積を最大にするには、切り取る正方形の 1 辺の長さを何 cm にすればよいか。